

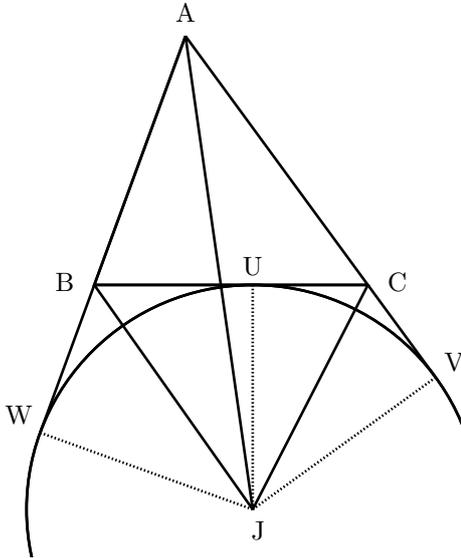
反射テスト 平面図形 証明 傍接円 01

1. $\triangle ABC$ の 3 辺全てに接している円について考える. ただし辺の延長線上に接している場合も含む.
三角形の内部にあるものを内接円, 外部にあるものを傍接円とよぶ. ここでは傍接円について考える.
傍接円のうち辺 BC をはさんで頂点 A と反対にあるものの中心 (傍心) を J とする.
傍接円 J と辺 BC, CA, AB の接点をそれぞれ U, V, W とする.
傍心 J が内角 A の二等分線上にあることを証明せよ. (S 級 4 分, A 級 7 分, B 級 11 分, C 級 15 分)

2. $\triangle ABC$ の 3 辺全てに接している円について考える. ただし辺の延長線上に接している場合も含む.
三角形の内部にあるものを内接円, 外部にあるものを傍接円とよぶ. ここでは傍接円について考える.
傍接円のうち辺 BC をはさんで頂点 A と反対にあるものの中心 (傍心) を J とする.
傍接円 J と辺 BC, CA, AB の接点をそれぞれ U, V, W とする.
傍心 J が外角 B の二等分線上にあることを証明せよ. (S 級 4 分, A 級 7 分, B 級 11 分, C 級 15 分)

反射テスト 平面図形 証明 傍接円 01 解答解説

1. $\triangle ABC$ の3辺全てに接している円について考える. ただし辺の延長線上に接している場合も含む. 三角形の内部にあるものを内接円, 外部にあるものを傍接円とよぶ. ここでは傍接円について考える. 傍接円のうち辺 BC をはさんで頂点 A と反対にあるものの中心 (傍心) を J とする. 傍接円 J と辺 BC, CA, AB の接点をそれぞれ U, V, W とする. 傍心 J が内角 A の二等分線上にあることを証明せよ. (S級4分, A級7分, B級11分, C級15分)



$\triangle AJV$ と $\triangle AJW$ において,

$$AJ = AJ \quad (\text{共通})$$

$$JV = JW \quad (\text{同一円の半径})$$

$$\angle JVA = \angle JWA = 90^\circ \quad (\text{接線と半径は接点で直角を作る.})$$

よって, 斜辺の等しい直角三角形でもう一辺も等しいから,

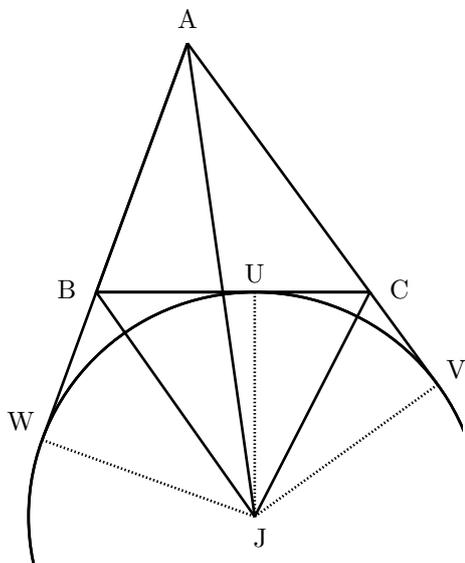
$$\triangle AJV \cong \triangle AJW$$

対応する角は等しいから, $\angle JAV = \angle JAW$.

AJ は $\triangle ABC$ の内角 A の二等分線である.

★ 三角形の傍心は, 対する内角の二等分線上にある.

2. $\triangle ABC$ の3辺全てに接している円について考える. ただし辺の延長線上に接している場合も含む. 三角形の内部にあるものを内接円, 外部にあるものを傍接円とよぶ. ここでは傍接円について考える. 傍接円のうち辺 BC をはさんで頂点 A と反対にあるものの中心 (傍心) を J とする. 傍接円 J と辺 BC, CA, AB の接点をそれぞれ U, V, W とする. 傍心 J が外角 B の二等分線上にあることを証明せよ. (S級4分, A級7分, B級11分, C級15分)



$\triangle BJW$ と $\triangle BJU$ において,
 $BJ = BJ$ (共通)
 $JW = JU$ (同一円の半径)
 $\angle JWB = \angle JUB = 90^\circ$ (接線と半径は接点で直角を作る.)
 よって, 斜辺の等しい直角三角形でもう一辺も等しいから,
 $\triangle BJW \equiv \triangle BJU$
 対応する角は等しいから, $\angle JBW = \angle JBU$.
 BJ は $\triangle ABC$ の外角 B の二等分線である.

同様にして,
 $\triangle CJU \equiv \triangle CJV$ から, CJ は $\triangle ABC$ の外角 C の二等分線である.

★ 三角形の傍心は, となりにある外角の二等分線上にある.